Лекция 1. *Механика Ньютона. Кинематика*

$\varphi\ \upsilon\ \sigma\ i\ \zeta$

Курс: “Механика. *Электричество и магнетизм*”

http://vega.phys.msu.ru/

- *“В науке необходимо воображение. Она не исчерпывается целиком ни математикой, ни логикой, в ней есть что-то от красоты и поэзии”*
  - **М. Митчелл, 1860**

Часть I. *Механика Ньютона*

“Если я видел дальше, чем другие, то лишь потому, что стоял на плечах Гигантов” –
Исаак Ньютон

“Классическая механика” ***“Новые горизонты”***

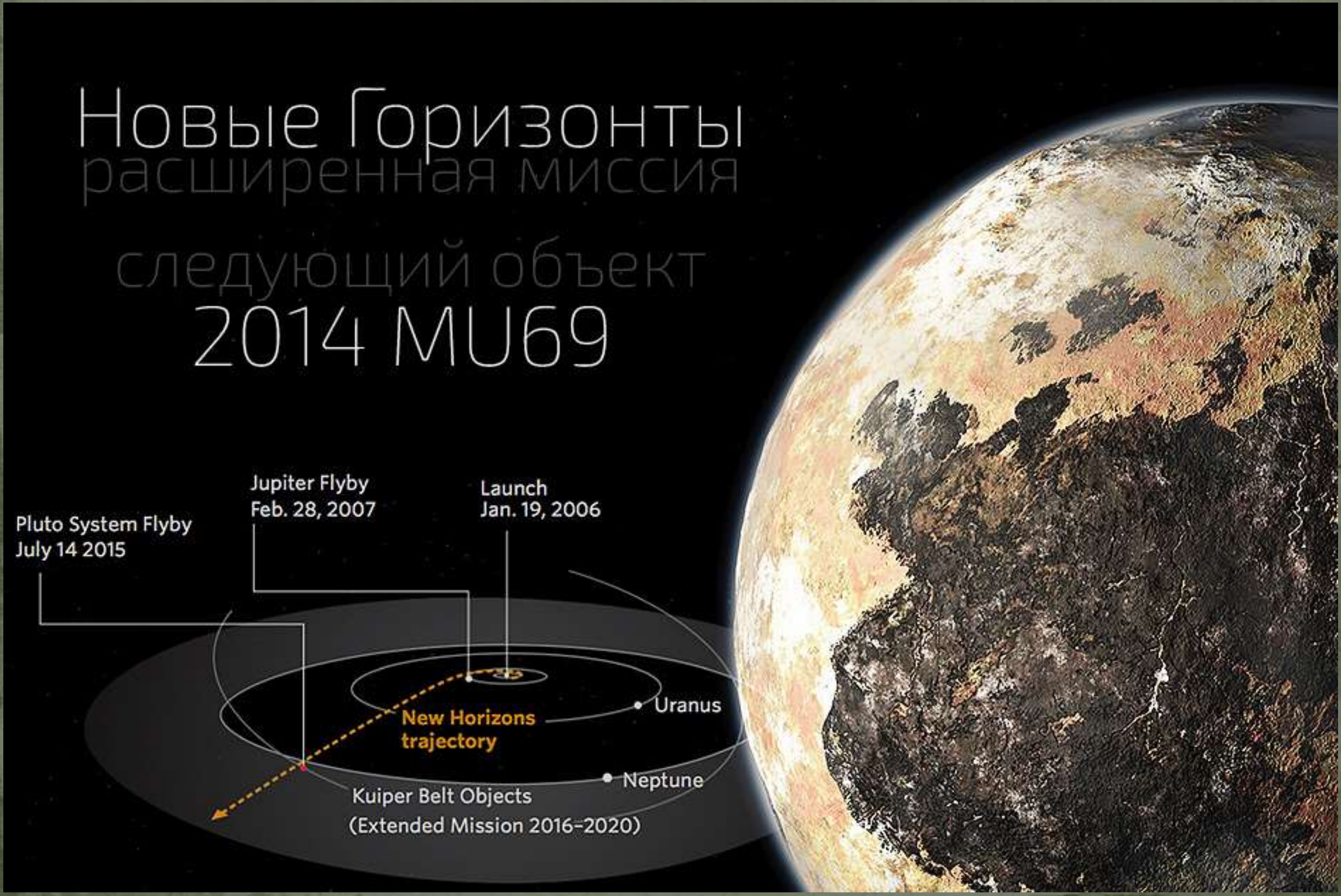
1687 ***2026, …***

“Математические начала натурфилософии”
1687

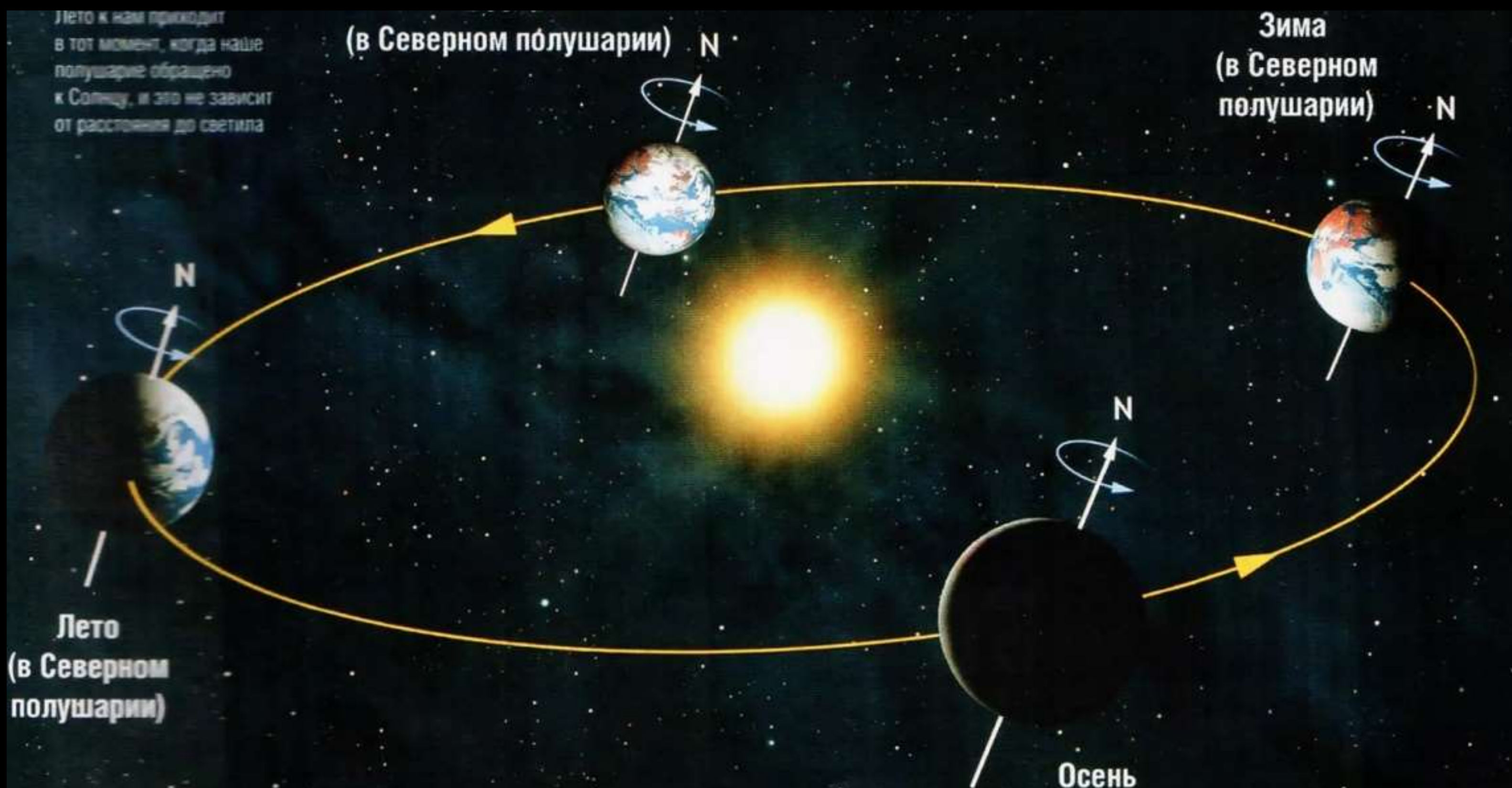
Наша солнечная система

Миссия – “Новые горизонты” *(2006 – 2035)*

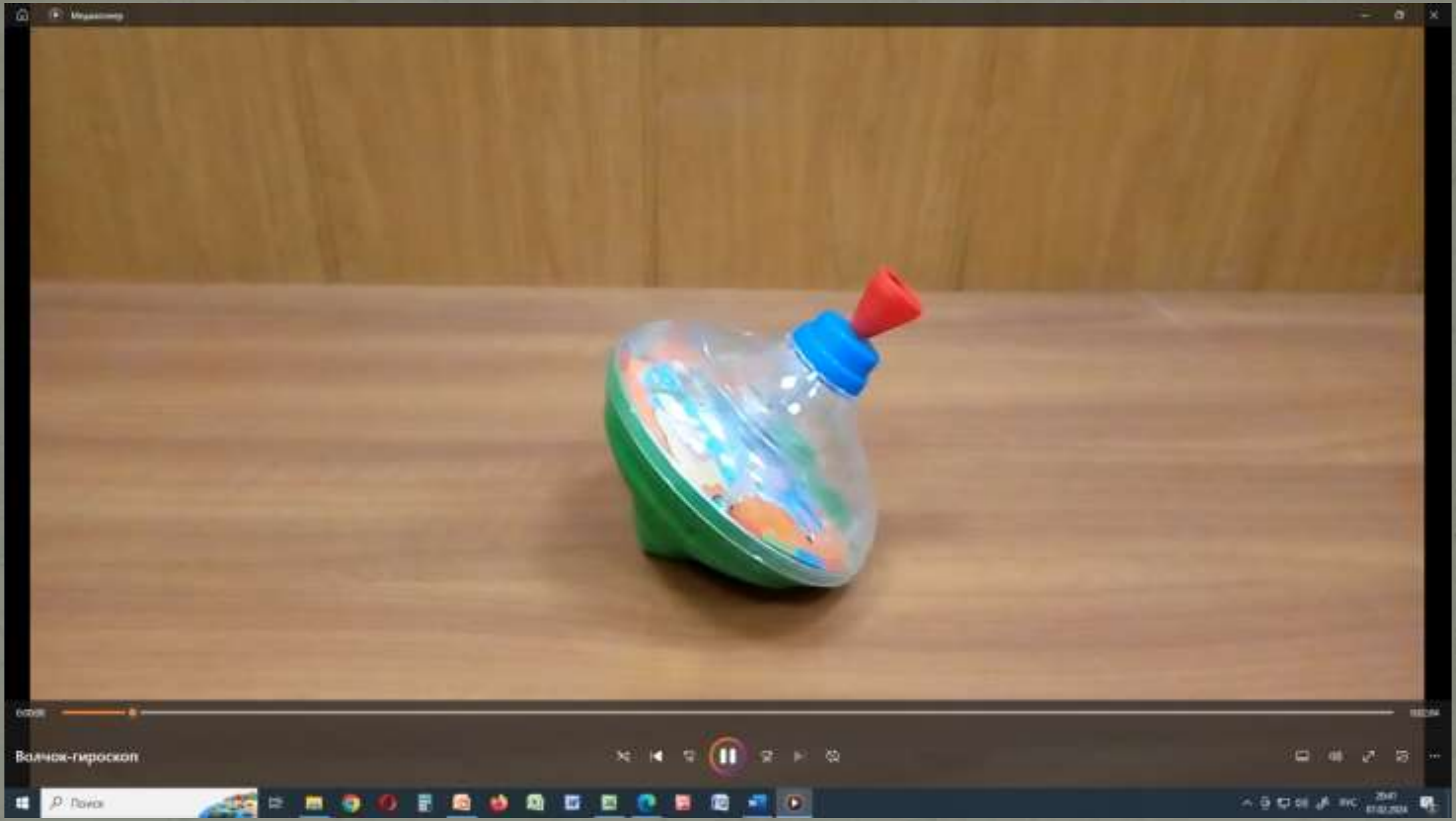
Миссия – “Новые горизонты”



А где у нас север ??



Юла-Гироскоп



§ 1. *Кинематика материальной точки*

(*кinemα* - *движение*)

“Незнание движения необходимо влечёт незнание природы” –

Аристотель **(IV век до н.э.)**

1.1. Основные понятия кинематики

(**<u>*Опр*</u>**.) ***Механическое движение – это изменение положения тел в пространстве (т.е. относительно других тел) с течением времени***

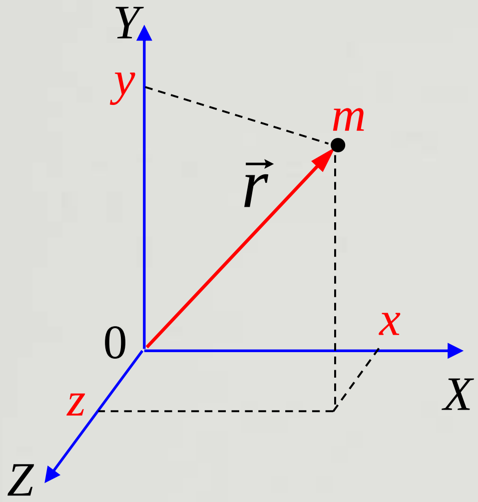
(**<u>*Опр*</u>**.) ***Материальная точка – тело, размерами которого можно пренебречь в условиях конкретной задачи***

(**<u>*Опр*</u>**.) ***Система отсчёта включает тело отсчета (ТО), а также прибор для измерения времени***

(**<u>*Опр*</u>**.) ***Траектория – это линия в пространстве, вдоль которой движется материальная точка***

1.2. Линейные кинематические характеристики

1.2.1. *Радиус-вектор*



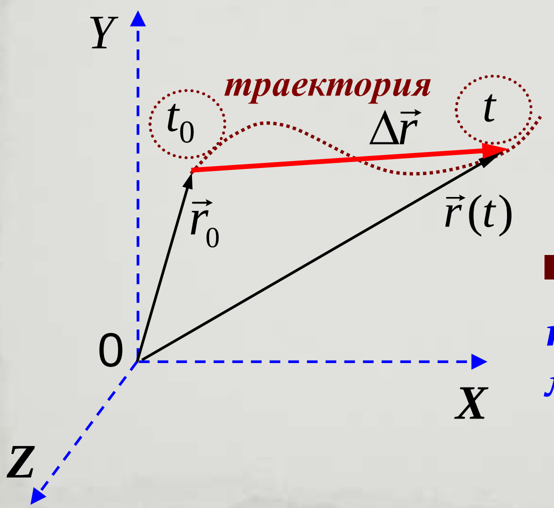
$$\vec{r} = x \cdot \vec{e}_x + y \cdot \vec{e}_y + z \cdot \vec{e}_z$$

"Закон движения":

$$\begin{cases} x = x(t); \\ y = y(t); \\ z = z(t). \end{cases} \qquad \text{или} \quad \vec{r} = \vec{r}(t).$$

1.2.2. *Путь*

(***Опр.***) ***Путь – это длина участка траектории между начальным и конечным положениями***



1.2.3. *Перемещение*

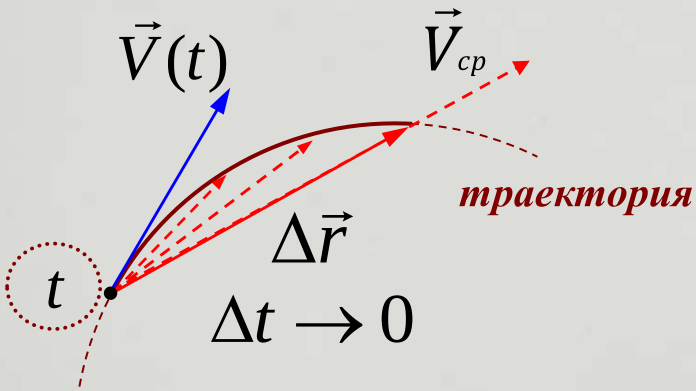
(***Опр.***) ***Перемещением за промежуток времени*** $\Delta t = t_2 - t_1$ ***называется вектор*** $\Delta\vec{r}$, ***соединяющий положение точки в момент времени*** t_1 ***с её положением в момент времени*** t_2

1.2.4. *Скорость*

$$\vec{V}_{cp} = \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} \dashrightarrow 0$$

(Опр.) ***Средняя скорость – отношение перемещения к интервалу времени движения***

(Опр.) ***Мгновенная скорость – предельное значение средней скорости при уменьшении временного интервала $\Delta t \to 0$***
(на «бесконечно коротком» участке траектории):



$$\vec{V} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t}$$

$$\vec{V} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta\vec{r}}{\Delta t} \equiv \frac{d\vec{r}}{dt}$$

по касательной **!**

Путевая скорость

$$\upsilon_{cp} = \frac{\Delta l}{\Delta t}$$

$$\upsilon = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta l}{\Delta t} = \frac{dl}{dt}$$

Д.З.:

$$\left|\vec{V}\right| = \upsilon$$

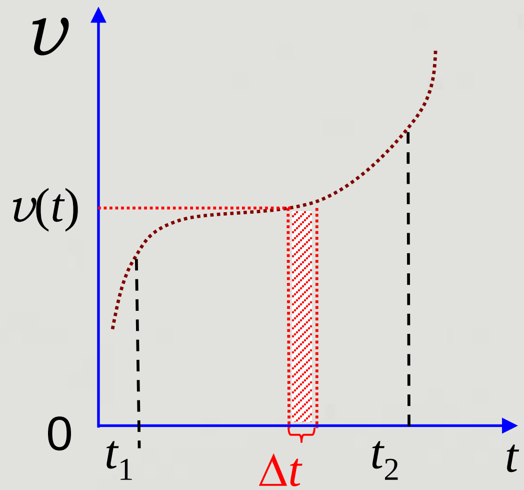
$$V_x = \frac{dx}{dt}$$

$$V_y = \frac{dy}{dt}$$

$$V_z = \frac{dz}{dt}$$

$$\vec{V} = V_x \cdot \vec{e}_x + V_y \cdot \vec{e}_y + V_z \cdot \vec{e}_z$$

$$\upsilon = \sqrt{V_x{}^2 + V_y{}^2 + V_z{}^2}.$$



$$\Delta l = \int_{t_1}^{t_2} \upsilon(t)\,dt$$

$$\Delta x = \int_{t_1}^{t_2} V_x(t)\,dt$$

$$\Delta y = \int_{t_1}^{t_2} V_y(t)\,dt\ ;$$

$$\Delta z = \int_{t_1}^{t_2} V_z(t)\,dt,$$

Пример 1.1. Равномерное движение

(**Опр.**) ***Равномерным называется движение, при котором МТ за любые равные интервалы времени совершает равные перемещения***

(Г. Галилей)

$$\vec{V} = const$$

$$V_x = \frac{\Delta x}{\Delta t} \Rightarrow \quad \Delta x = V_x \cdot \Delta t \Rightarrow$$

$$\vec{V} = \vec{V}_{cp} = \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t} \Rightarrow \quad \Delta \vec{r} = \int_{t_1}^{t_2} \vec{V}(t)dt = \vec{V} \cdot \Delta t \Rightarrow$$

$$\vec{r}(t) = \vec{r}_0 + \vec{V} \cdot t$$

$$x(t) = x_0 + V_x \cdot t$$
$$y(t) = y_0 + V_y \cdot t;$$
$$z(t) = z_0 + V_z \cdot t.$$

А если $\vec{V} \neq const$ ***??***

Ускорение !

1.2.5. *Ускорение*

(Опр.) ***Ускорением называется производная скорости по времени:***

$$\vec{a} = \frac{d\vec{V}}{dt} \equiv \dot{\vec{V}}$$

$$\boxed{\vec{a} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{V}}{\Delta t}}$$

$$a_x = \frac{dV_x}{dt}, \quad a_y = \frac{dV_y}{dt}, \quad a_z = \frac{dV_z}{dt}.$$

$$\vec{a} = a_x \cdot \vec{e}_x + a_y \cdot \vec{e}_y + a_z \cdot \vec{e}_z,$$

$$\Delta \vec{V} = \int_{t_1}^{t_2} \vec{a}(t)dt$$

Пример 1.2. **Равнопеременное движение**

(Опр.) ***Движение МТ называется равнопеременным, если за любые равные интервалы времени Δt происходят равные изменения скорости***

(Г. Галилей)

$$\vec{V}(t) = \vec{V}_0 + \int_0^t \vec{a}(t)dt \quad \Rightarrow \quad \vec{V}(t) = \vec{V}_0 + \vec{a} \cdot t;$$

$$\vec{r}(t) = \vec{r}_0 + \int_0^t \vec{V}(t)dt \quad \Rightarrow \quad \vec{r}(t) = \vec{r}_0 + \vec{V}_0 \cdot t + \frac{\vec{a}t^2}{2}.$$

$$x(t) = x_0 + V_{0x} \cdot t + \frac{a_x t^2}{2},$$

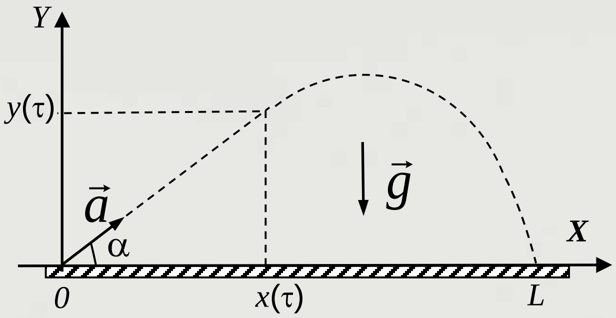
$$\vec{a} = const$$

Пример 1.3. **Движение тел, брошенных вблизи поверхности Земли** (сопротивление воздуха пренебрежимо мало)

Д.З.

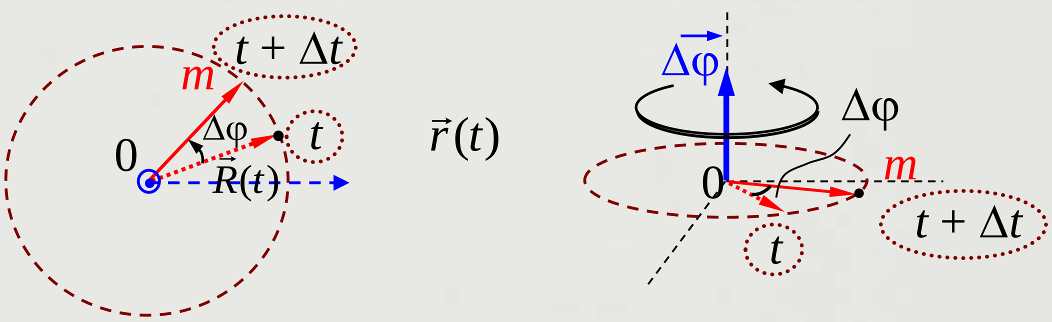
Задача 1.1. (Про ракету) …

Найдите ошибку в решении?



1.3. Угловые кинематические характеристики

1.3.1. Угловое перемещение



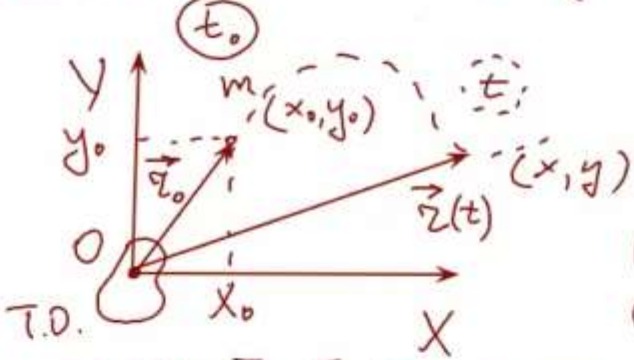
(***Опр.***) ***За направление вектора*** $\overrightarrow{\Delta\varphi}$ ***принимается направление поступательного перемещения правого винта – «буравчика» при повороте его рукоятки в направлении вращения радиус-вектора***

(Опр)

Доска 1

$$С.О. = Т.О.(с.к.) + \cancel{t}$$

„Закон движен

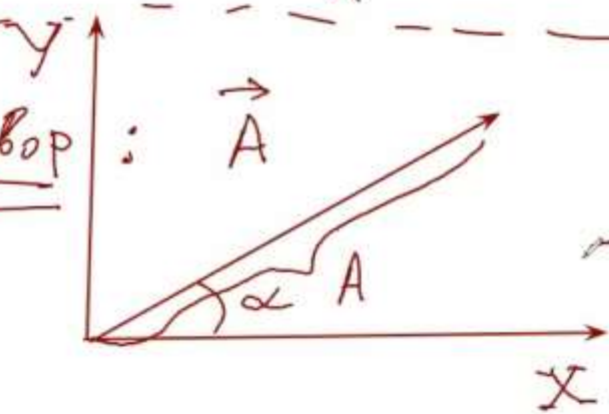


$\vec{r}_0$ - радиус

$$y = f(x)$$

$$\vec{r} = \vec{r}(t) \quad \begin{cases} x = x(t) \\ y = y(t) \end{cases}$$

Договор: $\vec{A}$



$|\vec{A}| \equiv \underline{A, \alpha}$

A_x — проекции

A_y —

$$A_x = A \cdot \cos\alpha$$

$$A_y = A \cdot \sin\alpha$$

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$$

$$tg\,\alpha = \frac{|A_y|}{|A_x|}$$

$$\Delta t = t - t_0 \quad (t_0 = 0)$$

$$\vec{S} \equiv \Delta\vec{r}\,; \qquad \vec{r}(t) = \vec{r}_0 + \Delta\vec{r}$$

перемещение $\longrightarrow$ $\underline{\Delta\vec{r}} = \vec{r}(t) - \vec{r}_0$

Доска 2

$$y = f(x) \; ; \; y' = \lim_{\Delta x \to 0} \frac{\Delta f}{\Delta x} \equiv \frac{df}{dt}$$ — „производная"

„дифференциал" ≡ б.м. Δ

$$f(x, y, z, t, p, T, \ldots)$$

$$\frac{\partial f}{\partial t}$$ ← по времени

$$\frac{\partial f}{\partial x} \ldots$$

$$\frac{\partial f}{\partial y} \ldots$$

$$v_{\text{ср}} = \frac{\Delta l}{\Delta t}$$

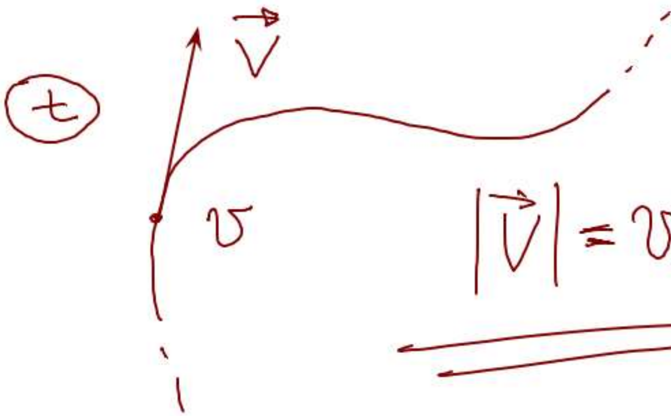
$$v = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta l}{\Delta t}$$ speed

$\vec{v}$ velocity

Доска 3

$y = f(x)$; $y' = \lim\limits_{\Delta x \to 0} \dfrac{\Delta f}{\Delta x} \equiv \dfrac{df}{dt}$ — „производная"

„дифференциал" $\equiv$ б.м. Δ



$|\vec{V}| = v$

vega.phys.msu.ru

С.О. Т.О. + $\cancel{t}$